

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Кафедра алгебры и геометрии
Физико-математический факультет

УТВЕРЖДАЮ
И. о. проректора по УР
М. Х. Чанкаев
«29» апреля 2026 г., протокол № 7

Рабочая программа дисциплины

Алгебра и геометрия

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

09.03.03 Прикладная информатика

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) подготовки

**«Прикладная информатика в
государственном и муниципальном
управлении»**

Квалификация выпускника

Бакалавр

Форма обучения

Очная/заочная

Год начала подготовки - 2026

(по учебному плану)

Карачаевск, 2026

Составитель: ст. преп. Башкаева О.П.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 09.03.03. Прикладная информатика, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 19.09.2017 № 922, основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 09.03.03. « Прикладная информатика», направленность (профиль):

«Прикладная информатика в государственном и муниципальном управлении»

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры алгебры и геометрии на 2025-2026 учебный год, №__8__от __15.04.2026 г.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	4
3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы	5
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы	10
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)	12
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций.....	12
7.2. Перевод бально-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания.	15
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины.....	15
7.3.1. Перечень вопросов для зачета/экзамена	15
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций:	16
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса	19
8.1. Основная литература:.....	19
8.2. Дополнительная литература:	19
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)	19
9.1. Общесистемные требования.....	19
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины	20
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения	20
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	20
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	21
11. Лист изменений в РПД	22

1. Наименование дисциплины (модуля)

Алгебра и геометрия

Целью изучения дисциплины является:

формирование математической культуры студента, овладение классическим математическим аппаратом аналитической геометрии и линейной алгебры для дальнейшего их использования.

Для достижения цели ставятся задачи:

- Формирование у студентов представлений о фундаментальных идеях и языке аналитической геометрии и линейной алгебры.

- Формирование у студентов знаний и умений, необходимых для освоения и использования методов этих разделов высшей математики при решении теоретических и прикладных задач.

- Формирование у студентов знаний и умений, необходимых для дальнейшего самообразования в области современной математики.

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Алгебра и геометрия» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ОП ВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
УК-1	Способен осуществить поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач; УК-1.2. Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности; УК-1.3. Владеет навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками, методами принятия решений
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общетеchnические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает базовые понятия и математические методы из разделов фундаментального математического цикла: линейной алгебры, аналитической геометрии для решения задач профессиональной деятельности ОПК-1.2. Умеет адекватно употреблять математические понятия и символы для выражения количественных и качественных отношений; доводить решения задач до приемлемого практического результата – числа, функции (ее графика), точного качественного вывода с

		применением адекватных вычислительных средств, таблиц, справочников, в том числе при использовании технологий онлайн-обучения. ОПК-1.3. Владеет доступными методами аналитической геометрии, линейной алгебры.
ОПК-6	Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1. Знает рациональные способы анализа и разработки организационно-технических процессов с применением математических методов. ОПК-6.2. Умеет самостоятельно анализировать и разрабатывать организационно-технические процессы с применением математических методов ОПК-6.3. Владеет способностью использовать математический аппарат, для решения практических задач получения, хранения, обработки и передачи информации.

3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Алгебра и геометрия» (Б1.О.05.02) относится к обязательной части Б1. Дисциплина (модуль) изучается на 1 курсе в 1 семестре.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП	
Индекс	Б1.О.05.02
Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Учебная дисциплина «Алгебра и геометрия» является базовой, знакомит студентов с самыми общими представлениями о профессии и опирается на входные знания, полученные в общеобразовательной школе.	
Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
Изучение дисциплины «Алгебра и геометрия» необходимо для успешного освоения дисциплин: «Дискретная математика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Численные методы» и другие.	

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 4 ЗЕТ, 144 академических часа.

Объём дисциплины	Всего часов	Всего часов
	для очной формы обучения	для заочной формы обучения
Общая трудоемкость дисциплины	144	144

Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) * (всего)	54	20
Аудиторная работа (всего):	54	20
в том числе:		
Лекции	18	10
семинары, практические занятия	36	10
Практикумы		
лабораторные работы		
Внеаудиторная работа:		
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.		
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	90	116
Контроль самостоятельной работы		8
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)	экзамен	экзамен

5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий
(в академических часах)**

Для очной формы обучения

№ п/п	Курс / Сем естр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудо- емкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоёмкость (в часах)			
				Аудиторные уч. занятия			Сам. Работа
				Лек	Пр.	Лаб.	
	1/1	Линейная алгебра	76	10	18		48
1.	1/1	Понятие матрицы. Действия над матрицами. Некоторые специальные виды матриц. Ступенчатые матрицы.	8	2	2		4
2.	1/1	Обратная матрица и способы ее нахождения.	6		2		4
3.	1/1	Определители квадратных матриц. Способы	8	2	2		4

		нахождения определителя.					
4.	1/1	Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения.	6		2		4
5.	1/1	Разложение определителя по строке или столбцу	8	2	2		4
6.	1/1	Решение матричного уравнения $AX = B$.	6		2		4
7.	1/1	Обратная матрица и способы ее нахождения.	4				4
8.	1/1	Системы линейных алгебраических уравнений.	8	2	2		4
9.	1/1	Эквивалентные преобразования систем линейных уравнений. Решение систем методом Гаусса.	4				4
10.	1/1	Решение систем п линейных уравнений с п неизвестными по правилу Крамера.	8	2	2		4
11.	1/1	Теорема о ранге матрицы. Критерий совместности системы линейных уравнений.	4				4
12.	1/1	Однородные системы линейных уравнений. Связь между множеством решений произвольной системы линейных уравнений и соответствующей однородной системой.	6		2		4
	1/1	Аналитическая геометрия	68	8	18		42
13.	1/1	Аффинная система координат на плоскости. Деление отрезка в данном отношении. Преобразования прямоугольной системы координат. Ориентация плоскости. Угол между двумя векторами в ориентированной плоскости. Полярные координаты. Связь между декартовой и полярной плоскостями.	8		2		6
14.	1/1	Различные виды задания прямой на плоскости. Общее уравнение прямой. Расположение прямой в зависимости от коэффициентов уравнения.	8	2	2		4
15.	1/1	Взаимное расположение двух прямых на плоскости.	6	2			4

		Расстояние от точки до прямой. Угол между двумя прямыми.					
16.	1/1	Различные способы задания плоскости. Угол между плоскостями.	6		2		4
17.	1/1	Различные способы задания плоскости. Геометрический смысл знака многочлена $Ax+by+cz+d$. Расстояние от точки до плоскости.	8	2	2		4
18	1/1	Расстояние от точки до плоскости.	6		2		4
19	1/1	Линии второго порядка. Общее уравнение линий второго порядка. Окружность.	8	2	2		4
20	1/1	Эллипс: определение, каноническое уравнение, свойства.	6		2		4
21	1/1	Парабола: определение, каноническое уравнение, свойства.	6		2		4
22	1/1	Гипербола: определение, каноническое уравнение, свойства.	6		2		4
		Всего	144	18	36		90

Для заочной формы

№ п/п	Курс / Сем естр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудо- емкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоёмкость (в часах)			
				Аудиторные уч. занятия			Сам. Работа
			всего	Лек	Пр.	Лаб.	
	1/1	Линейная алгебра					
1.	1/1	Понятие матрицы. Действия над матрицами. Некоторые специальные виды матриц. Ступенчатые матрицы.	2	2			
2.	1/1	Обратная матрица и способы ее нахождения.	2		2		
3.	1/1	Определители квадратных матриц. Способы нахождения определителя.	8	2			6
4.	1/1	Свойства определителей. Миноры и алгебраические	8		2		6

		дополнения.					
5.	1/1	Разложение определителя по строке или столбцу	8	2			6
6.	1/1	Решение матричного уравнения $AX = B$.	8		2		6
7.	1/1	Обратная матрица и способы ее нахождения.	6				6
8.	1/1	Системы линейных алгебраических уравнений.	6				6
9.	1/1	Эквивалентные преобразования систем линейных уравнений. Решение систем методом Гаусса.	8	2			6
10.	1/1	Решение систем п линейных уравнений с п неизвестными по правилу Крамера.	8		2		6
11.	1/1	Теорема о ранге матрицы. Критерий совместности системы линейных уравнений.	6				6
12.	1/1	Однородные системы линейных уравнений. Связь между множеством решений произвольной системы линейных уравнений и соответствующей однородной системой.	6				6
	1/1	Аналитическая геометрия					
13.	1/1	Аффинная система координат на плоскости. Деление отрезка в данном отношении. Преобразования прямоугольной системы координат. Ориентация плоскости. Угол между двумя векторами в ориентированной плоскости. Полярные координаты. Связь между декартовой и полярной плоскостями.	8	2			6
14.	1/1	Различные виды задания прямой на плоскости. Общее уравнение прямой. Расположение прямой в зависимости от коэффициентов уравнения.	8		2		6
15.	1/1	Взаимное расположение двух прямых на плоскости. Расстояние от точки до прямой. Угол между двумя прямыми.	6				6

16.	1/1	Различные способы задания плоскости. Угол между плоскостями.	6				6
17.	1/1	Различные способы задания плоскости. Геометрический смысл знака многочлена $Ax+by+cz+d$. Расстояние от точки до плоскости.	6				6
18	1/1	Расстояние от точки до плоскости.	6				6
19	1/1	Линии второго порядка. Общее уравнение линий второго порядка. Окружность.	6				6
20	1/1	Эллипс: определение, каноническое уравнение, свойства.	4				4
21	1/1	Парабола: определение, каноническое уравнение, свойства.	2				2
22	1/1	Гипербола: определение, каноническое уравнение, свойства.	2				2
		контакт	8				
		Всего	144	10	10		116

6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы

Лекционные занятия. Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;

2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

Лабораторные работы и практические занятия. Дисциплины, по которым планируются лабораторные работы и практические занятия, определяются учебными планами. Лабораторные работы и практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом лабораторных работ и практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению лабораторных и практических занятий.

Лабораторная работа — это форма организации учебного процесса, когда студенты по заданию и под руководством преподавателя самостоятельно проводят опыты, измерения, элементарные исследования на основе специально разработанных заданий. Лабораторная работа как вид учебного занятия должна проводиться в специально оборудованных учебных аудиториях. Необходимыми структурными элементами лабораторной работы, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются инструктаж, проводимый преподавателем, а также организация обсуждения итогов выполнения лабораторной работы. Дидактические цели лабораторных занятий:

- формирование умений решать практические задачи путем постановки опыта;
- экспериментальное подтверждение изученных теоретических положений, экспериментальная проверка формул, расчетов;
- наблюдение и изучения явлений и процессов, поиск закономерностей;
- изучение устройства и работы приборов, аппаратов, другого оборудования, их испытание;
- экспериментальная проверка расчетов, формул.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

Семинар - форма обучения, имеющая цель углубить и систематизировать изучение наиболее важных и типичных для будущей профессиональной деятельности обучаемых тем и разделов учебной дисциплины. Семинар - метод обучения анализу теоретических и

практических проблем, это коллективный поиск путей решений специально созданных проблемных ситуаций. Для студентов главная задача состоит в том, чтобы усвоить содержание учебного материала темы, которая выносится на обсуждение, подготовиться к выступлению и дискуссии. Семинар - активный метод обучения, в применении которого должна преобладать продуктивная деятельность студентов. Он должен развивать и закреплять у студентов навыки самостоятельной работы, умения составлять планы теоретических докладов, их тезисы, готовить развернутые сообщения и выступать с ними перед аудиторией, участвовать в дискуссии и обсуждении.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

Образовательные технологии. При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических (семинарских, лабораторных) занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций

Компетенции	Зачтено			Не зачтено
	Высокий уровень (отлично)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительн о)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительн

	(86-100% баллов)		(56-70% баллов)	о) (до 55 % баллов)
УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	УК-1.1. Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач	УК-1.1. Знает основные принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач	УК-1.1. Знает основные принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач	УК-1.1. Знает фрагментарно принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач
	УК-1.2. Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности	УК-1.2. Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности	УК-1.2. Умеет анализировать разнородные данные, оценивать качество принятых решений в профессиональной деятельности	УК-1.2. Не умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, допускает грубые ошибки при принятии решений в простейших ситуациях профессиональной деятельности
	УК-1.3. Владеет навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками, методами принятия решений	УК-1.3. Не достаточно владеет навыками практической работы с информационными источниками, методами принятия решений	УК-1.3. Не достаточно владеет навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками, методами принятия решений	УК-1.3. Не владеет навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками, методами принятия решений
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического	ОПК-1.1. Знает основные понятия, закономерности, современные направления математики; основные классы задач,	ОПК-1.1. Знает в достаточном объеме основные понятия, закономерности, современные направления математики; основные классы задач,	ОПК-1.1. Знает фрагментарно основные понятия, закономерности, современные направления математики; основные классы задач,	ОПК-1.1. Не знает основные понятия, закономерности, современные направления математики; основные классы задач, решаемых в различных разделах

анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	решаемых в различных разделах изучаемой дисциплины: аналитической геометрии, линейной алгебры.	решаемых в различных разделах изучаемой дисциплины: аналитической геометрии, линейной алгебры.	решаемых в различных разделах изучаемой дисциплины: аналитической геометрии, линейной алгебры.	изучаемой дисциплины: аналитической геометрии, линейной алгебры.
	ОПК-1.2. Умеет анализировать и систематизировать, а так же применять полученные знания для анализа основных математических задач.	ОПК-1.2. Умеет анализировать и применять полученные знания для анализа основных математических задач.	ОПК-1.2. Умеет фрагментарно анализировать и применять полученные знания для анализа основных математических задач.	ОПК-1.2. Не умеет анализировать систематизировать и применять полученные знания для анализа основных математических задач.
	ОПК-1.3. Владеет методами построения математических моделей типовых задач.	ОПК-1.3. Хорошо владеет методами построения математических моделей типовых задач.	ОПК-1.3. Не достаточно владеет методами построения математических моделей типовых задач.	ОПК-1.3. Не владеет методами построения математических моделей типовых задач.
ОПК-6. Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1. Знает рациональные способы анализа и разработки организационно-технических процессов с применением математических методов.	ОПК-6.1. Знает в достаточном объеме рациональные способы анализа и разработки организационно-технических процессов с применением математических методов.	ОПК-6.1. Знает фрагментарно рациональные способы анализа и разработки организационно-технических процессов с применением математических методов.	ОПК-6.1. Не знает рациональные способы анализа и разработки организационно-технических процессов с применением математических методов.
	ОПК-6.2. Умеет самостоятельно анализировать и разрабатывать организационно-технические процессы с применением математических	ОПК-6.2. На достаточном уровне умеет самостоятельно анализировать и разрабатывать организационно-технические процессы с применением математических	ОПК-6.2. Умеет фрагментарно самостоятельно анализировать и разрабатывать организационно-технические процессы с применением математических методов	ОПК-6.2. Не умеет самостоятельно анализировать и разрабатывать организационно-технические процессы с применением математических методов

х методов	методов		
ОПК-6.3. Владеет способностью использовать математический аппарат, для решения практических задач получения, хранения, обработки и передачи информации.	ОПК-6.3. На достаточном уровне владеет способностью использовать математический аппарат, для решения практических задач получения, хранения, обработки и передачи информации.	ОПК-6.3. Фрагментарно владеет способностью использовать математический аппарат, для решения практических задач получения, хранения, обработки и передачи информации.	ОПК-6.3. Не владеет способностью использовать математический аппарат, для решения практических задач получения, хранения, обработки и передачи информации.

7.2. Перевод бально-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания.

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод бально-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о бально-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.3.1. Перечень вопросов для зачета/экзамена

Вопросы для экзамена

1. Понятие матрицы. Действия над матрицами.
2. Некоторые специальные виды матриц. Ступенчатые матрицы.
3. Обратная матрица и способы ее нахождения.
4. Определители квадратных матриц. Способы нахождения определителя.
5. Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения.
6. Разложение определителя по строке или столбцу
7. Решение матричного уравнения $AX = B$.
8. Обратная матрица и способы ее нахождения.
9. Системы линейных алгебраических уравнений.
10. Эквивалентные преобразования систем линейных уравнений.
11. Решение систем методом Гаусса.
12. Решение систем n линейных уравнений с n неизвестными по правилу Крамера.

13. Теорема о ранге матрицы. Критерий совместности системы линейных уравнений.
14. Однородные системы линейных уравнений. Связь между множеством решений произвольной системы линейных уравнений и соответствующей однородной системой.
15. Аффинная система координат на плоскости. Деление отрезка в данном отношении.
16. Преобразования прямоугольной системы координат. Ориентация плоскости. Угол между двумя векторами в ориентированной плоскости.
17. Полярные координаты. Связь между декартовой и полярной плоскостями.
18. Различные виды задания прямой на плоскости. Общее уравнение прямой.
19. Расположение прямой в зависимости от коэффициентов уравнения.
20. Взаимное расположение двух прямых на плоскости.
21. Расстояние от точки до прямой.
22. Угол между двумя прямыми.
23. Различные способы задания плоскости. Угол между плоскостями.
24. Различные способы задания плоскости. Геометрический смысл знака многочлена $Ax+by+cz+d$.
25. Расстояние от точки до плоскости.
26. Расстояние от точки до плоскости.
27. Линии второго порядка. Общее уравнение линий второго порядка. Окружность.
28. Эллипс: определение, каноническое уравнение, свойства.
29. Парабола: определение, каноническое уравнение, свойства.
30. Гипербола: определение, каноническое уравнение, свойства.

7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций:

УК-1 «Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач», ОПК-1 «Способен применять естественнонаучные и общетехнические знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности» и ОПК-6 «Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования»

Контрольная работа №1

Вариант № 1

1. Найти решение СЛАУ

$$\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = -12, \\ x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 2x_4 = -9, \\ -2x_1 + 5x_2 - 6x_3 + 3x_4 = -8. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

$$\text{а) } \begin{vmatrix} 7 & 3 \\ 2 & 1 \end{vmatrix},$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 9 \end{vmatrix},$$

$$\text{в) } |A| = \begin{vmatrix} 2 & -5 & 4 & 3 \\ 3 & -4 & 7 & 5 \\ 4 & -9 & 8 & 5 \\ -3 & 2 & -5 & 3 \end{vmatrix};$$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 7 & 3 & 10 \\ 15 & 6 & 20 \end{pmatrix};$$

4. Найти объем пирамиды ABCD, если

$$A = (1; 3; 1), B = (-1; -2; 1), C = (2; -1; 3), D = (1; 4; 3).$$

5. Найти угол между векторами $\vec{AB}$ и $\vec{AC}$, если

$$A = (1; 2; -1), B = (-1; 3; 2), C = (2; -1; 4).$$

Вариант № 2

1. Найти решение СЛАУ

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - 4x_3 + 9x_4 = 22, \\ x_1 + 2x_2 - 4x_4 = -3, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = -3. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

$$\text{а) } \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -6 & 1 \end{vmatrix},$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 2 & -3 & 5 \\ 3 & 5 & 7 \end{vmatrix},$$

$$\text{в); } |A| = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 & 3 \\ 0 & -4 & 2 & 5 \\ 3 & 0 & -4 & 1 \\ 1 & 2 & -1 & 4 \end{vmatrix}$$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 2 & -5 & 4 \\ 3 & -7 & 5 \end{pmatrix};$$

4. Найти объем пирамиды ABCD, если

$$A = (1; 3; -1), B = (-1; 2; 1), C = (4; -1; 3), D = (1; 2; 3).$$

5. Найти угол между векторами $\vec{AB}$ и $\vec{AC}$, если

$$A = (-1; 2; 2), B = (-1; 3; 4), C = (-2; -1; 4).$$

Вариант № 3

1. Найти решение СЛАУ

$$\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 2, \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 = -2, \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 + 7x_4 = 6. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

а) $\begin{vmatrix} -2 & 3 \\ 3 & 1 \end{vmatrix},$

б) $\begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 5 & 3 & 2 \\ 1 & -4 & 3 \end{vmatrix},$

в) $|A| = \begin{vmatrix} 3 & -9 & -3 & -1 \\ 5 & -8 & -2 & 0 \\ 4 & -5 & -1 & -2 \\ 7 & 0 & -4 & -5 \end{vmatrix}$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -1 & -1 & 2 \\ 2 & 4 & -5 \end{pmatrix};$$

4. Найти объем пирамиды ABCD, если

$$A = (2; 4; -1), B = (3; 1; -2), C = (0; 2; 4), D = (1; 2; 3).$$

5. Найти угол между векторами $\vec{AB}$ и $\vec{AC}$, если

$$A = (2; 2; -1), B = (-2; 3; 1), C = (2; 1; 3).$$

Шкала оценивания (за правильный ответ дается 3 балла по заданию открытого типа и по 1 баллу для остальных заданий)

«не зачтено» или «неудовлетворительно» – менее 56%;

«удовлетворительно» – 56-70%;

«хорошо» – 71-85%;

«отлично» – 86-100%.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса

8.1. Основная литература:

1. Шуман, Г. И. Алгебра и геометрия : учебное пособие / Г. И. Шуман, О. А. Волгина, Н. Ю. Голодная. - Москва : РИОР : ИНФРА-М, 2019. - 160 с. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-369-01708-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1002027> . – Режим доступа: по подписке.

3. Ледовская, Е. В. Линейная алгебра и аналитическая геометрия : практикум / Е. В. Ледовская. - Москва : МГАВТ, 2017. - 103 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/966765>

8.2. Дополнительная литература:

1. Бортакровский, А. С. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Практикум : учебное пособие / А. С. Бортакровский, А. В. Пантелеев. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 352 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010206-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1981598> . – Режим доступа: по подписке.

9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

9.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием	Срок действия
-------------	------------------------------------	---------------

	реквизитов	документа
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 332 эбс от 02.06.2026 г. Электронный адрес: https://znanium.com	от 12.05.2026г. до 11.05.2027г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: https://e.lanbook.com	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2026-2027 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: http://lib.kchgu.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22. 02. 2023 г. Электронный адрес: http://rusneb.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: http://elibrary.ru	Бессрочный
2026-2027 учебный год	Электронный ресурс Polpred.com Обзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: http://polpred.com	Бессрочный

9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- CalculateLinux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.

5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window/edu.ru>.

10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «Положением об обучении лиц с ОВЗ В КЧГУ», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

11. Лист изменений в РПД

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО
Обновлен договор №332 эбс ООО «Знаниум» от 02.06.2026г. Действует с 02.06.2026г. до 11.06.2027г.		03.06.2026г., протокол № 8